

משפט הדגימה (Sampling theorem)

$$f_c \equiv \frac{1}{2\Delta}$$

תדירות קריטית:

$$H(f) = 0 \text{ for all } |f| \geq f_c$$

רוחב פס מוגבל של  $h$ :

$$h(t) \Leftrightarrow H(f)$$

המשפט: פונקציה  $h$ , עם רוחב פס מוגבל לתחום זה, ניתן לחשב אותה רק מדגימות שלה בכל זמן  $\Delta$ .

$$h_{n\Delta} = h(n\Delta) \quad n = \dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots$$

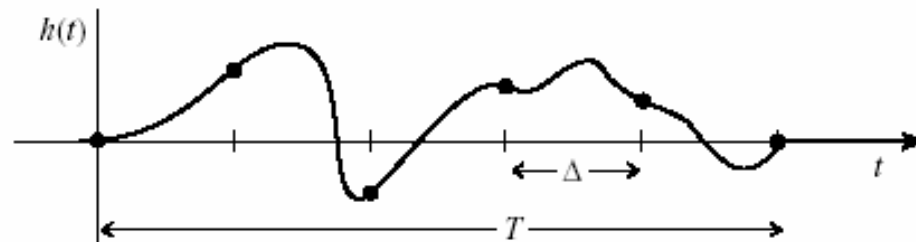
הדגימות:

$$h(t) = \Delta \sum_{n=-\infty}^{+\infty} h_{n\Delta} \frac{\sin[2\pi f_c(t - n\Delta)]}{\pi(t - n\Delta)}$$

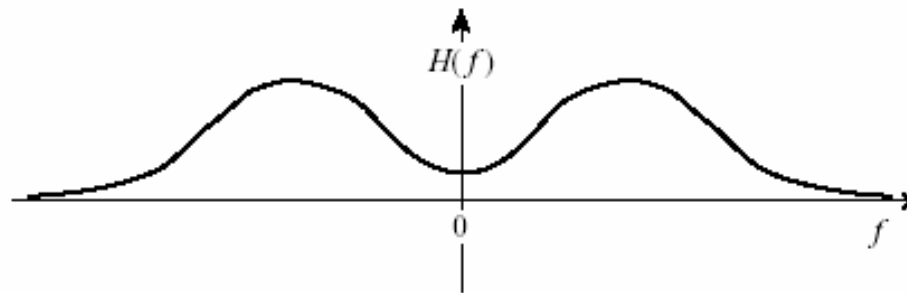
הנוסחה:

# תרגום מוטעה: Aliasing

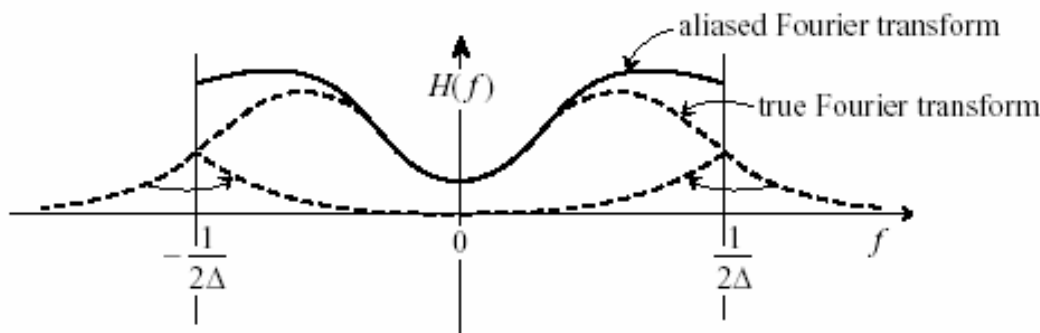
הפונקציה  $h$ , עם דגימות בכל זמן  $\Delta$ :



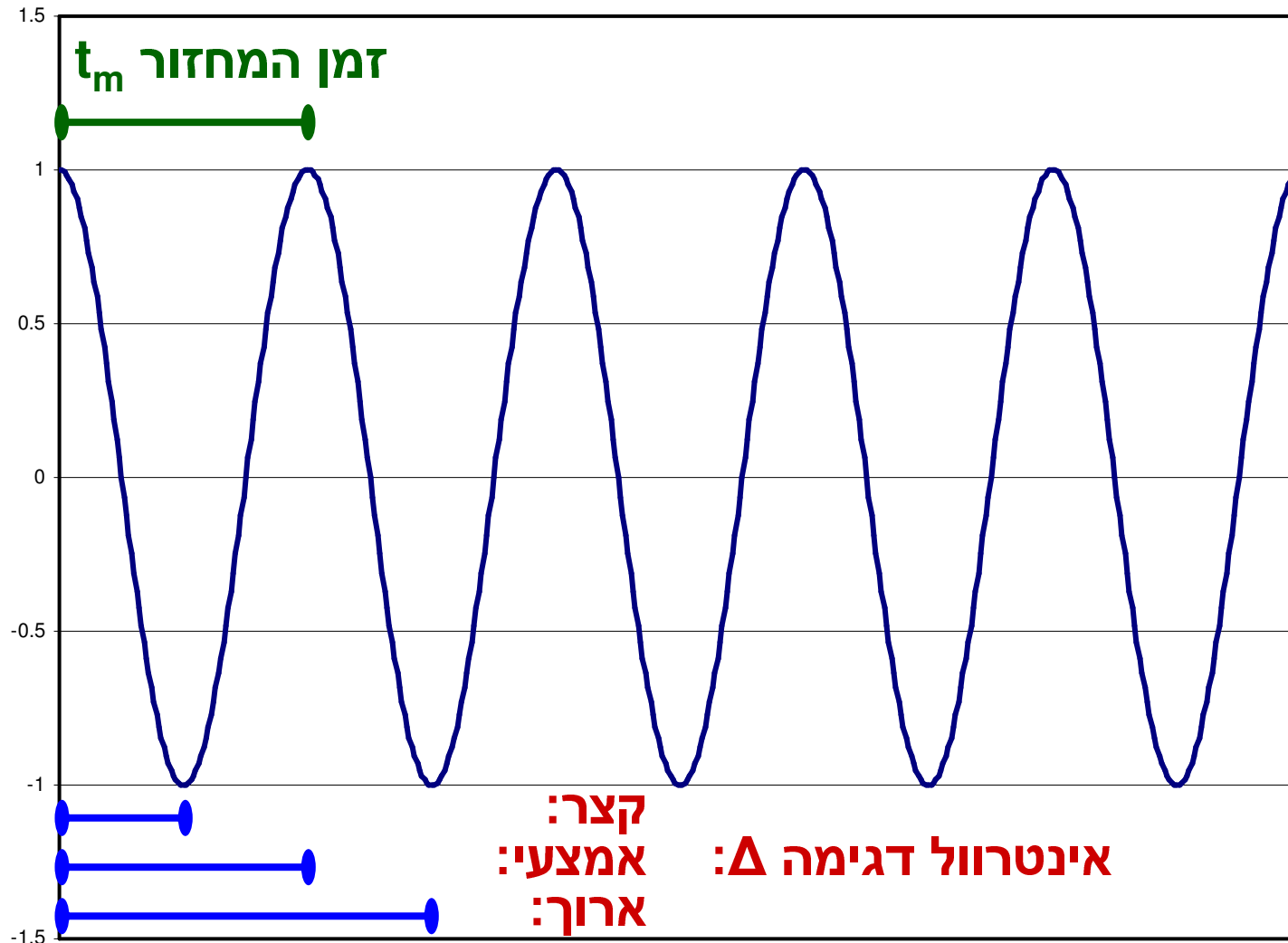
הטרנספורם  $H$  הרציף המלא של  $h$ :



$H$  מנוסחת טרנספורם הפוריה הבדיד (קו רציף) גבוה מהנכון (קו מקווקו) בגלל ש- $H$  מחוץ לתחום הקריטי מוכנס פנימה באופן מוטעה.



# Aliasing: תרגום מוטעה



דוגמא נוספת:  
גל סינוס עם  
שלש דוגמאות  
של אינטרוול  
דגימה  $\Delta$ .

ראו שקף 6 על הלוח, ואז 7-8

## טרנספורם פוריה מהיר: Fast Fourier Transform (FFT)

אלגוריתם רקורסיבי מהיר, עם זמן הרצה שתלוי כך במספר הנקודות  $N$ :

$$O(N \log_2 N)$$

הרקורסיביות מחלקת כל פעם את הנקודות לשתי קבוצות שוות, לכן  $N$  חייב להיות חזקה של 2.

`void four1(float data[], unsigned long nn, int isign)`

Replaces `data[1..2*nn]` by its discrete Fourier transform, if `isign` is input as 1; or replaces `data[1..2*nn]` by `nn` times its inverse discrete Fourier transform, if `isign` is input as -1. `data` is a complex array of length `nn` or, equivalently, a real array of length `2*nn`. `nn` MUST be an integer power of 2 (this is not checked for!).

$nn=N$ . הווקטור `data` קולט את `h` ופולט את `H` (שניהם קומפלקסים!)

כדי לחשב טרנספורם: `isign=1`.

כדי לחשב טרנספורם הפוך: `isign=-1`, וצריכים אנחנו לחלק ב-`N`.